基于叶片摆振控制降低风机故障率

詹鹏,郭进学,陈晓明

(中国华电科工集团有限公司,北京 100160)

摘 要:我国风电行业经过近年来迅速增长,伴随着大量风电机组出质保期,风电机组运维日趋迫切,叶片摆振是造成风电机组故障的主要原因之一。针对风机运维中遇到的叶片摆振问题,提出了最小最大线性二次型高斯最优控制方法。 该方法应用欧拉 - 拉格朗日方程对风机叶片的振动系统建立数学模型,并设计最小最大 LQG 控制器。仿真结果显示: 控制器对叶片的摆振有很好的控制作用,达到了降低风电机组故障率、提高风电机组发电效率的目的。 关键词:风电机组;风机叶片;摆振;故障率;仿真研究

中图分类号:TK 83 文献标志码:B 文章编号:1674-1951(2017)04-0015-04

0 引言

随着能源危机和环境污染问题的日趋严重,风 能作为绿色能源已受到世界各国的普遍关注。我国 风电行业也在近10年内迅速增长,2015年国内风电 新增装机容量达到30.5 GW,根据国家能源局2020 年能源需求预测的基准方案,2015—2020年5年内 的风机装机容量目标是210.0 GW,平均每年新增装 机42.0 GW,年均复合增速10.9%。

然而在风电迅猛发展的同时,风电场的建设和 全生命周期管理尚处于初级探索阶段,其中风电场 运行维护在风电场全生命周期中占时最长,并且运 行维护过程中产生的数据既可以回馈风场的设计阶 段,也可以为风电场决策提供必要的数据。在风电 场运行维护(以下简称运维)过程中,风力发电机组 会遇到不同部件或者不同类型的故障,其中叶片系 统的故障占到全故障情况的 13.4%^[1],而引起叶片 故障的主要原因之一是叶片的振动问题。所以,风 机叶片系统的振动控制问题受到学者的普遍关 注^[2-4],提出了几种用于风机叶片振动的控制方法。

本文主要针对叶片摆振问题建立风机叶片系统 在旋转情况下的运动模型,并且考虑有限维模型代 替无限维模型引起的不确定性,应用最小最大 LQG 方法对降阶后的系统模型设计控制器,从而解决叶 片的摆振控制问题。

1 系统建模和不确定性建模

1.1 叶片建模

图 1 是风机叶片的简单示意图,图中: $y_j(x,t)$ 为叶片j在摆振方向的位移; $\Psi_j(t)$ 代表叶片j的方位

收稿日期:2017-02-10;修回日期:2017-03-30

角。在建模过程中,风机叶片被看作长度为L,线密度为 ρ_l ,并且以 Ω 的固定角速度旋转的伯努利 – 欧拉梁。叶片j的方位角在t时间为

$$\Psi_{j}(t) = \Psi_{1}(t) + (j-1)\frac{2\pi}{3}, \qquad (1)$$

式中: $\Psi_1(t) = \Omega t$, $j = 1, 2, 3_{\circ}$

根据伯努利 – 欧拉梁的运动方程^[5]

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[EI \frac{\partial^2 y}{\partial x^2} + cI \frac{\partial^3 y}{\partial x^2 \partial t} \right] + \rho_l A \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} + c \frac{\partial y}{\partial t} = 0 , \quad (2)$$

式中: EI 为弯曲刚度; I 为截面惯性矩; c 为应变阻尼 系数; ρ_l 为线密度; A 为横截面积。



图1 叶片摆振方向模型

根据式(2)可以得到叶片上的 x 点在时间 t 的 摆振位移表达式

$$y_j(x,t) = \sum_{i=1}^{n} \Phi_i(x) q_{ji}(t) \quad (3)$$

式中: $\Phi_i(x)$ 为叶片的振型表达式; $q_{ji}(t)$ 为叶片的 自然模态。

引入欧拉-拉格朗日方程

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \left(\frac{\partial T}{\partial q_i} \right) - \frac{\partial T}{\partial q_i} + \frac{\partial V}{\partial q_i} = Q_i, \qquad (4)$$

式中: T和V分别代表系统的动能和势能; Q_i代表作 用在系统上的广义非耗散力 Q(t)的第 i 阶分量。

将系统的动能和势能代入式(4)可以得到拥有 3n个自由度的风机叶片系统的摆振运动方程

 $M(t)\ddot{q} + C(t)\dot{q} + K(t)q = Q(t)$, (5) 式中:矩阵 $M, C, K \in R^{3n}$ 分别为广义质量矩阵、广 义阻尼矩阵和广义刚度矩阵; q 为系统的广义坐标 向量。

在风机叶片系统的运动方程中,含有一个与时间相关的周期项:叶片的方位角。但是经典的时不 变分析和控制原理对于含有周期运动的系统并不适 用。为了解决这个问题,必须将时变系统转换为时 不变系统,所以引进多叶片坐标变换,也就是科尔曼 变换^[5-6]。

根据科尔曼变换,最终将时变系统(5)转换成 以下的时不变系统,即将旋转平面坐标系转换成非 旋转平面坐标系。

 $M(t)\ddot{q}_{nr} + C(t)\dot{q}_{nr} + K(t)q_{nr} = Q_{e}, \quad (6)$ 式中: q_{nr} 和 Q_{e} 分别表示非旋转平面的广义坐标向 量和非耗散力。

为了将上述运动方程转换成状态空间的形式引 进状态向量

$$\boldsymbol{x}(t) = \begin{bmatrix} \boldsymbol{q}_{\rm nr} \\ \dot{\boldsymbol{q}}_{\rm nr} \end{bmatrix}, \qquad (7)$$

得到风机叶片系统摆振模型的状态空间形式

$$\dot{\boldsymbol{x}}(t) = \boldsymbol{A}\boldsymbol{x}(t) + \boldsymbol{B}\boldsymbol{u}(t) , \qquad (8)$$

式中:

$$A = \begin{bmatrix} O_{3n\times3n} & I_{3n\times3n} \\ -M^{-1}K & -M^{-1}C \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} O_{3n\times3n} \\ M^{-1} \end{bmatrix} \circ$$
(9)

控制向量 **u**(t) 对应着施加在每个叶片顶端的力, 被定义为

$$\boldsymbol{u}(t) = \begin{bmatrix} f_1 \\ f_2 \\ f_3 \end{bmatrix}, \qquad (10)$$

再根据上面给出的摆振位移表达式(3),可以得到 叶片的摆振位移输出表达式

$$\mathbf{y}(l,t) = \mathbf{C}\mathbf{x}(t) , \qquad (11)$$

$$C = \begin{bmatrix} \Phi & 0 & 0 \\ 0 & \Phi & 0 & 0_{3n \times 3n} \\ 0 & 0 & \Phi \end{bmatrix}, \quad (12)$$
$$\Phi = [\Phi_1(l) \cdots \Phi_n(l)]_{\circ}$$

所以,最终的状态空间形式的系统模型由式 (8)和(11)表示。可以看出,该系统是一个无限维 系模型,控制这样的系统会使得运算复杂度和控制 器负载巨大。为了解决这个问题,将系统降阶,取 *n*=1得到一个低维的系统模型。本文采用叶片(型 号为LM61.5P2)进行试验仿真,表1列出了叶片的 基本参数,文献[7]提供了该型号叶片的详细信息, 叶片的振型公式和自然频率由文献[8]提供的软件 计算得到。将叶片参数代入系统得到作用在叶片上 的作用力和顶端位移的传递函数。

$$G_{dis}(s) = (-3.331e8s^{5} + 7364s^{4} + 506.5s^{3} + 7.912e5s^{2} + 3.469e4s + 1.879e7)/(s^{6} + 0.1376s^{5} + 159.1s^{4} + 14.83s^{3} - 8101s^{2} + 376.6s + 1.317e5)_{\circ} (13)$$

为了使位移信号便于处理,需调整传递函数的 增益,在其中加入一个放大器*K*,因此最后系统的传 递函数为

$$G_1(s) = KG_{dis}(s) , \qquad (14)$$

式中: $K = 10^6$ 。

1.2 不确定性建模

在引言中提到,本文将应用最小最大 LQG 方法 对叶片摆振进行控制,而该方法是基于不确定系统 的。风机叶片摆振模型的状态空间方程是一个无限 维的系统,应考虑将一个有限维的系统代替该无限 维系统而带来的不确定性。系统的真实传递函数可 以表示为

 $G(s) = G_1(s)[1 + W(s)\Delta(s)],$ (15) 式中: $G_1(s)$ 由式(14)定义; W(s)是系统的权函数; $\Delta(s)$ 是一个不确定传递函数, 它要满足

$$\|\Delta(s)\| \leq 1_{\circ} \tag{16}$$

在最小最大 LQG 鲁棒控制器的设计过程中,权 函数 W(s)是一个重要环节。权函数选取的好坏直 接影响系统控制性能和系统的鲁棒性,根据 Doyle 的经典文献[9],可以计算得到权函数。

系统的权函数表达式为

式中:

表 1 NREL5 – MK 沿海风机叶片参数^[7]

质量/kg	长度/m	阻尼比	自频频率/Hz				
			1 st	2nd	3 rd	4th	5th
17 740	61.5	0.004	1.14	4.17	9.69	22.54	34.77

$$W(s) = (2000s^{4} + 5749s^{3} + 8262s^{2} + 6956s + 2928)/(1.464s^{4} + 28.4s^{3} + 400.4s^{2} + 1889s + 1428e4)_{\circ}$$
(17)

2 最小最大 LQG 控制

本文的主要内容是利用最小最大 LQG 方法解 决风机叶片系统的摆振问题,在这一节简要介绍 Ugrinnovskii 和 Petersen 关于无限时间的最小最大 LQG 控制问题^[10]。首先考虑以下形式的随机不确 定系统

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + B_1x(t) + B_2\xi(t) + B_2W(t) ,$$

$$x(0) = x_0 ,$$

$$z(t) = C_1x(t) + D_1u(t) ,$$

 $y(t) = C_2 x(t) + D_2 \xi(t) + D_2 W(t)$, (18) 式中: u(t) 是控制输入; W(t) 是扰动输入对应的高 斯白噪声过程; $\xi(t)$ 是不确定输入; z(t) 为不确定 输出; y(t) 是测量输入。

在系统(18)中,不确定输入ξ(t)是由不确定输 出 z(t) 通过不确定动态产生的,二者的关系必须 满足

$$\lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} E \Big[\int_0^L \|\xi(t)\|^2 \mathrm{d}t - \int_0^T \|z(t)\|^2 \mathrm{d}t \Big] \leq d , (19)$$

$$\overrightarrow{\mathrm{T}} \mathbf{h} \cdot d \stackrel{\mathrm{R}}{=} - \uparrow \& \div h \notin \mathcal{H}$$

系统(18)的不确定描述式(19)对应着满足 H^{*}范数边界(16)的不确定传递函数Δ(s),也就是 说满足 H^{*}范数边界能保证满足随机不确定约束 (19)。因此,第1节的数学模型(8)和(11)可以转 换成系统(18)的形式。

考虑以下形式的代价函数

 $J = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{2T} E \int_0^T (x(t)' R x(t) + u(t)' G u(t)) dt , (20)$ $\vec{x} \oplus : R \ge 0, G \ge 0_{\circ}$

最小最大 LQG 控制算法设计的控制器目的是 使得代价函数(20)的最大值最小化,而代价函数的 最大值对应着满足不确定约束(19)的所有不确定 系统中的最大值,也就是该算法能使系统在最坏情 况下代价函数的值实现最小化。

通过以下方程建立最小最大 LQG 控制器:

$$\hat{x} = \left[A - B_1 G_{\tau}^{-1} \gamma_{\tau}' - \left(B_1 G_{\tau}^{-1} B_1' - \frac{1}{\tau} B_2 B_2' \right) X_{\infty} \right] \hat{x} + \left(I - \frac{1}{\tau} Y_{\infty} X_{\infty} \right)^{-1} \left(Y_{\infty} C_2' + B_2 D_2' \right) \left(D_2 D_2' \right)^{-1} \times \left[\gamma - \left(C_2 + \frac{1}{\tau} D_2 B_2' X_{\infty} \right) \hat{x} \right] ,$$
$$u = -G^{-1} \left(B_{\tau}' X_{\infty} + \gamma_{\tau}' \right) \hat{x} , \qquad (21)$$

其代价函数对应的上界为

$$W_{\tau} = \frac{1}{2} tr \left[Y_{\infty} R_{\tau} + (Y_{\infty} C_{2}' + B_{2} D_{2}') (D_{2} D_{2}')^{-1} \times (C_{2} Y_{\infty} + D_{2} B_{2}') X_{\infty} \left(I - \frac{1}{\tau} Y_{\infty} X_{\infty} \right) \right] + \tau d_{\circ} (22)$$

为了设计控制器,参数 τ 必须使得 W_{τ} 最小,而 这个最优值 τ 则对应着由式(21) 定义的最优控 制器。

3 仿真结果

本文通过 Matlab 软件仿真得到试验结果,模型数据来自于 NREL 的近海 5 MW 风机叶片。

3.1 气动负载

考虑来自风的作用力,利用叶素原理(BEM)可 以计算出叶片上的气动负载。当风通过叶片旋转区 时,可以看作是机舱位置的平稳风速 \bar{v}_0 和沿着叶片 方向线性变化的变量 $\frac{r}{L}\Delta v_0$,由于叶片以固定角速度 旋转,叶片上某一点的风速可以表示为

$$v_{0j}(r,t) = \bar{v}_0 + \Delta v_0 \frac{r}{L} \cos \Psi_{j\,0}$$
 (23)

设机舱处的平稳风速 $\bar{v}_0 = 12 \text{ m/s}$,沿着叶片变 化的最大量 $\Delta v_0 = 12 \text{ m/s}$ 。在风速中,考虑机舱处的 湍流部分,湍流强度为 0.1。通过 Kaimal 谱方法得 到叶片定点的风速,最后仿真计算得到作用在叶片 顶端的气动负载。

3.2 控制结果

将叶片振动位移系统

$$\begin{bmatrix} z \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & W \\ G_1 & G_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w \\ u \end{bmatrix}, \qquad (24)$$

转换成式(18)的形式。需满足 $D_2D_2' > 0$ 的条件,设 $D_2 = 0.01$ 。代价函数(19)中的参数d决定系统的 不确定性扰动信号的概率分布,设定 $d = 10^{-6}$ 。代价 函数中的矩阵 $R = C_2'$,也即x(t)'Rx(t)表示系统输 出的范数平方;而u(t)'Ru(t)项表示控制器的增 益,设定 $G = 10^{-8}$ 。

为了设计控制器,必须找到使得 W_τ 最小的参数 τ,最后得到最优参数

 τ = 4.6 $_{\circ}$

通过式(21)构建控制器,将其加入系统,得到叶 片1的叶片位移控制效果。图2是控制后和未控制 的叶片位移,可以看出,加了控制器后的系统振动幅 度和频率明显减小,未控制的振动的最大位移接近2 m而加入控制之后最大振动位移只有1m不到。

图 3 是将位移信号傅里叶变换之后的频谱图, 可以看出,在叶片旋转频率(0.2 Hz)和叶片的1,2 阶自然频率处施加控制后得到了很大的改善,3个



图 3 摆振位移频谱

峰值都被很好地抑制,所以,控制器在针对叶片的低频振动部分有很好的控制效果,而低频部分正是叶片摆振的主要影响因素。可以看出,本文的控制器 对叶片摆振有很好的控制效果。

4 结论

我国风电装机容量逐年加大,对风电机组的运 行维护提出了更高的要求。风机叶片系统故障在风 机所有故障情况占13.4%,是一种占比较大的故障 类型。本文针对风机叶片振动进行控制,进而降低 风机故障率,达到提高风机发电效率的目的。

仿真试验表明,对叶片施加控制后,叶片振动幅 度有了大幅度的降低,低频振动也得到了有效的控 制。通过这种方法可以减少由于风机叶片振动引发

(上接第14页)发电企业节能环保工作质量奠定了 基础。

参考文献:

- [1]向丽晖. 燃煤锅炉性能监测元件选型及安装的规范化研 究[J]. 锅炉技术,2014,45(5):29-31,57.
- [2]锅炉性能试验规程:ASME PTC 4-2008[S].

~~~~

[3]李悦,杨月明,刘振军,等.1025 t/h 锅炉在线氧量测点位 置分析与改进[J].华北电力技术,2003(2):37-38,41. 的风机故障,预计降低风机故障率5%,提高风电机 组发电效率。

## 参考文献:

- [1]孙鲜明.复杂工况下风力发电机组关键部件故障分析与 诊断研究[D]. 沈阳:沈阳工业大学,2014.
- [2] RICE J K, VERHAEGEN M. Robust and distributed control of a smart blade[J]. Wind energy, 2010, 13(2):103 116.
- [3] STAINO A, BASU B, NIELSEN S R K. Actuator control of edgewise vibrations in wind turbine blades [J]. Journal of sound and vibration, 2012, 331(6):1233 - 1256.
- [4] SVENDSEN M N, KRENK S, HOGSBERG J. Resonant vibration control of rotating beams [J]. Journal of sound and vibration, 2011, 330(9):1877 – 1890.
- [5] GAWRONSKI W K. Advanced structural dynamics and active control of structures [M]. New York: Springer, 2004.
- [6] HANSEN M H. Improved modal dynamics of wind turbines to avoid stall-induced vibrations [J]. Wind energy, 2003, 6 (2),179-195.
- [7] JONKMAN J, BUTTERFIELD S, MUSIAL W, et al. Definition of a 5 MW reference wind turbine for offshore system development[R]. Colorado: National Renewable Energy Laboratory, Technical Report, 2009, NREL/TP - 500 - 38060.
- [8] BUHL M. A simple mode-shape generator for both towers and rotating blades. [CP]. (2014 09 28) [2017 03 31]. https://nwtc.nrel.gov/Modes.
- [9] DOYLE J C, FRANCIS B A, TANNENBAUM A R. Feedback control theory[M]. New York: Macmillan, 1992.
- [10] ZHANG Yuhong, AGRAWAL S K, POTA H R, et al. Minimax linear quadratic gaussian control of longitudinal vibration for cable transporter systems with multiplicative nonparametric uncertainties [J]. International journal of acoustics and vibration, 2005, 10(3):137-143.

(本文责编:白银雷)

#### 作者简介:

詹鹏(1991—),男,江西九江人,工程师,从事风电机组 振动诊断及故障分析方面的研究工作(E-mail:zhanp@chec. com.cn)。

••••••••••••••••••••••••••••

- [4]于文涛,范志斌,武玉霞,等.浅谈提高人厂煤人工采样精 密度的方案及改进[J].应用能源技术,2012(3):5-7.
- [5]赵虹,魏勇. 燃煤锅炉水冷壁烟侧高温腐蚀的机理及影响因素[J]. 动力工程,2002,22(2):1700-1704.

(本文责编:刘芳)

#### 作者简介:

李广伟(1983—),男,河北衡水人,高级工程师,工学硕 士,从事机组性能测试、系统优化及电站调试技术研究 (E-mail:82564060@qq.com)。